

Ingegneria degli Algoritmi (A.A. 2011-2012)

Corsi di Laurea in Ingegneria Informatica e Automatica, Ingegneria dei Sistemi Informatici, e Laurea Magistrale in Ingegneria Informatica

Sapienza Università di Roma

Quarto appello [straordinario] (14/11/2012) – Durata 2 ore – 5/6 cfu

Cognome: _____ Nome: _____ Matricola: _____	Autorizzo la pubblicazione del voto di questo esame sul sito web http://www.dis.uniroma1.it/~demetres/didattica/ae , secondo quanto prevede il decreto legislativo 196/2003 (codice in materia di protezione dei dati personali) che dichiaro di conoscere. In fede, _____
---	--

Rispondere alle seguenti domande, **motivando le risposte** (risposte non motivate saranno considerate nulle).

Domanda 1 [7 punti]

Una *coda con priorità* è un tipo di dato che permette di mantenere una collezione di chiavi soggetta alle seguenti operazioni:

- `insert(x)`: aggiunge la chiave x alla collezione;
- `findMin()`: restituisce la chiave più piccola della collezione;
- `deleteMin()`: elimina la chiave più piccola dalla collezione.

Si consideri la seguente implementazione di una coda con priorità. La struttura dati proposta usa una lista collegata semplice l e un heap binario h , inizialmente vuoti. Le operazioni sono realizzate come segue:

- `insert(x)`: aggiunge la chiave x come primo elemento della lista l ;
- `findMin()`: elimina una alla volta tutte le chiavi dalla lista l e le inserisce nell'heap h , poi restituisce il minimo nell'heap h ;
- `deleteMin()`: elimina una alla volta tutte le chiavi dalla lista l e le inserisce nell'heap h , poi elimina il minimo dall'heap h .

Ricordando che, nel caso peggiore, inserire/togliere una chiave da un heap binario con n nodi richiede tempo $O(\log n)$ e trovare il minimo richiede tempo $O(1)$, studiare per ciascuna operazione della struttura dati proposta:

1. il tempo richiesto nel caso peggiore dall'operazione;
2. il tempo ammortizzato richiesto dall'operazione.

Per calcolare il tempo ammortizzato, usare il metodo dei crediti.

Domanda 2 [6 punti]

Scrivere una funzione C che, date due stringhe a e b, restituisce in c una nuova stringa allocata dinamicamente ottenuta prendendo alternativamente un carattere da a e uno da b. Se una delle due stringhe finisce prima dell'altra, si prenderanno i caratteri da quella con caratteri rimanenti. La funzione deve avere il seguente prototipo:

```
void interleave(const char* a, const char* b, char** c);
```

Ad esempio, il seguente frammento di programma dovrebbe stampare "hbaumrger":

```
char* c;  
interleave("ham", "burger", &c);  
printf("%s\n", c);  
free(c);
```

Domanda 3 [7 punti]

Si discutano i seguenti meccanismi di base degli allocatori di memoria: allineamento e padding, header di blocco, bit stealing, liste di blocchi, boundary tag, lookup table.

Domanda 4 [6 punti]

Tradurre in C il seguente frammento di codice x86-64:

```
_f:  
    pushq %rbp  
    movq %rsp, %rbp  
    movq %rsi, %rcx  
    subq %rdi, %rcx  
    movq %rdi, %rax  
    subq %rsi, %rax  
    cmpq %rsi, %rdi  
    cmovleq %rcx, %rax  
    popq %rbp  
    ret
```

Si consulti la tabella alla fine del compito tenendo presente che l'assegnamento condizionale `cmovleq C,D` (move if less or equal) preceduto dal test `cmpq A,B` assegna C a D se $A \leq B$.

Domanda 5 [6 punti]

Si descriva la legge di Amdahl per programmi non paralleli, mostrando come ricavarla e applicandola a un esempio a scelta, e discutendo la sua importanza nell'ambito del performance profiling dei programmi.

prefix	description	example	C analog
add	add source to destination	addl \$5,%ecx	ecx += 5
call	procedure call	call _foo	foo()
cltq	sign-extend <code>eax</code> to <code>rax</code>	–	–
dec	decrement destination	decq %rcx	rcx--
imul	multiply destination with source	imull %esi,%eax	eax *= esi
inc	increment destination	incl %ecx	ecx++
ja	jump if above <i>(unsigned comparison)</i>	cmpl %eax,%ebx ja L2	if ((unsigned)eax > (unsigned)ebx) goto L2
jae	jump if above or equal <i>(unsigned comparison)</i>	cmpl %eax,%ebx jae L2	if ((unsigned)eax >= (unsigned)ebx) goto L2
jb	jump if below <i>(unsigned comparison)</i>	cmpl %eax,%ebx jb L2	if ((unsigned)eax < (unsigned)ebx) goto L2
jbe	jump if below or equal <i>(unsigned comparison)</i>	cmpl %eax,%ebx jbe L2	if ((unsigned)eax <= (unsigned)ebx) goto L2
je	jump if equal	cmpq %rax,%rbx je L2	if (rax == rbx) goto L2
jg	jump if greater <i>(signed comparison)</i>	cmpq %rax,%rbx jg L2	if (rax > rbx) goto L2
jge	jump if greater or equal <i>(signed comparison)</i>	cmpq %rax,%rbx jge L2	if (rax >= rbx) goto L2
jl	jump if less <i>(signed comparison)</i>	cmpq %rax,%rbx jl L2	if (rax < rbx) goto L2
jle	jump if less or equal <i>(signed comparison)</i>	cmpq %rax,%rbx jle L2	if (rax <= rbx) goto L2
jmp	unconditional jump	jmp L2	goto L2
jne	jump if not equal	cmpq %rax,%rbx jne L2	if (rax != rbx) goto L2
jnz	identical to <code>jne</code>	–	–
jz	identical to <code>je</code>	–	–
lea	copy address to destination (load effective address)	leaq -12(%rax),%rcx	rcx=rax-12
leave	pop the current stack frame, and restore the caller's frame	–	–
mov	copy data from source to destination	movq \$7,(%rax)	*(long*)rax=7
movabs	copy 64-bit immediate to destination register	movabsq \$-7,%rax	rax=-7
movsl	copy sign-extended word to destination register	movslq %bx,%rax	rax=bx
movzbl	copy zero-extended word to destination register	movzbl %bx,%eax	eax=(unsigned)bx
movsb	copy sign-extended byte to destination register	movsbq %bl,%rax	rax=bl
movzbl	copy zero-extended byte to destination register	movzbl %bl,%rax	rax=(unsigned)bl
pop	pop value from stack and write it to destination	popq %rbx	–
push	push value on stack	pushq %rbx	–
ret	return from procedure call	ret	return
sub	subtract source from destination	subl \$5,%ecx	ecx -= 5

Tabella 1: Istruzioni x86-64 più comunemente utilizzate.