

## Problema 1

Si considerino i seguenti metodi:

```
static void mistero1(int[] v) {
    mistero1(v, 0);
}

static void mistero1(int[] v, int i) {
    if(i == v.length) return;
    int a = v[i];
    i++;
    mistero1(v, i);
    mistero2(a, v, i);
}

static void mistero2(int a, int[] v, int j) {
    if((j == v.length) || (a <= v[j])) v[j-1] = a;
    else {
        v[j-1] = v[j];
        mistero2(a, v, j+1);
    }
}
```

- Calcolare, motivandolo adeguatamente, il costo computazionale del metodo `mistero1(int[])` in funzione della dimensione dell'input.
- Valutare, motivandolo adeguatamente, il costo computazionale di *caso migliore* del metodo `mistero1(int[])` in funzione della dimensione dell'input.
- Come viene trasformato l'array `{3, -2, 0, -2, 4, -1}` dal metodo `mistero1(int[])`?

## Problema 2

Definire una opportuna struttura ad albero per la rappresentazione semplificata di un file system, che può contenere cartelle, file e link (simbolici, cioè espressi come percorsi assoluti). Per ciascuna cartella si desidera rappresentare il nome e il numero di elementi contenuti; per ciascun file, il nome e la dimensione in byte; per ciascun link, il nome e il percorso assoluto di un elemento del file system a cui il link fa riferimento (non deve esserne garantita l'esistenza). All'interno di una stessa cartella non possono coesistere due elementi con lo stesso nome.

- Definire la classe Java `FileSystem` e le eventuali altre classi a supporto per la rappresentazione semplificata di file system e la soluzione dei punti successivi (per ciascuna classe: campi, costruttori e firme dei metodi).
- Definire e dettagliare il metodo `search(String name)` della classe `FileSystem` che, data una stringa `name`, restituisce una opportuna `List<E>` i cui elementi contengono i percorsi assoluti (stringhe) di file o cartelle (sono esclusi i link) di nome `name`. Qualora non esistano occorrenze di `name`, restituire `null`.
- Definire e dettagliare il metodo `long getSize(.)` della classe `FileSystem` che, dato un riferimento a un elemento del file system (file o cartella), restituisce la dimensione dell'elemento. In particolare, nel caso di cartella, si dovrà restituire la somma delle dimensioni in byte dei file contenuti nella porzione di file system la cui radice è la cartella stessa (senza seguire i link simbolici).  
*Facoltativo:* scrivere una variante del metodo `getSize` che, nel calcolo della somma delle dimensioni, segua anche i link simbolici.

## Problema 3

- Definire una struttura dati concreta per la gestione di insiemi disgiunti, che supporti le operazioni di `find`, `makeSet` e `union`. Descrivere i tre algoritmi.
- Discutere le euristiche per migliorare le prestazioni della struttura dati di cui al punto precedente.
- Illustrare un algoritmo per il calcolo di minimum spanning tree che sfrutti la struttura dati del punto (a).