

Problema 1

Si considerino i seguenti metodi:

```
static void swap(StringBuffer s, int i, int j) {
    char tmp = s.charAt(i);
    s.setCharAt(i, s.charAt(j));
    s.setCharAt(j, tmp);
}

static int m3(StringBuffer s, int k, String[] o, int l) {
    if(k >= s.length()) {
        o[l] = new String(s);
        return l+1;
    } else {
        for(int i = k; i < s.length(); i++) {
            swap(s, k, i);
            l = m3(s, k+1, o, l);
            swap(s, k, i);
        }
        return l;
    }
}

static String[] m2(int n) {
    int s = 1;
    while(n > 0) {
        s *= n;
        n--;
    }
    return new String[s]; // assumere 0(1)
}

static String[] m1(StringBuffer s) {
    String[] o = m2(s.length());
    m3(s, 0, o, 0);
    return o;
}
```

- Calcolare, motivandolo adeguatamente, il costo computazionale del metodo `m2(int)` in funzione della dimensione dell'input.
- Calcolare, motivandolo adeguatamente, il costo computazionale del metodo `m1(StringBuffer)` in funzione della dimensione dell'input.
- Qual è il contenuto dell'array restituito da `m1` quando questo viene chiamato sull'input "abc"?

Problema 2

Definire una opportuna struttura ad albero per la rappresentazione semplificata di un file system, che può contenere cartelle, file e link (simbolici, cioè espressi come percorsi assoluti). Per ciascuna cartella si desidera rappresentare il nome e il numero di elementi contenuti; per ciascun file, il nome e la dimensione in byte; per ciascun link, il nome e il percorso assoluto di un elemento del file system a cui il link fa riferimento (non deve esserne garantita l'esistenza). All'interno di una stessa cartella non possono coesistere due elementi con lo stesso nome.

- Definire la classe Java `FileSystem` e le eventuali altre classi a supporto per la rappresentazione semplificata di file system e la soluzione dei punti successivi (per ciascuna classe: campi, costruttori e firme dei metodi).
- Definire e dettagliare il metodo `search(String name)` della classe `FileSystem` che, data una stringa `name`, restituisce una opportuna `List<E>` i cui elementi contengono i percorsi assoluti (stringhe) di file o cartelle (sono esclusi i link) di nome `name`. Qualora non esistano occorrenze di `name`, restituire `null`.

- (c) Definire e dettagliare il metodo `long getSize(.)` della classe `FileSystem` che, dato un riferimento a un elemento del file system (file o cartella), restituisce la dimensione dell'elemento. In particolare, nel caso di cartella, si dovrà restituire la somma delle dimensioni in byte dei file contenuti nella porzione di file system la cui radice è la cartella stessa (senza seguire i link simbolici).

Facoltativo: scrivere una variante del metodo `getSize` che, nel calcolo della somma delle dimensioni, segua anche i link simbolici.

Problema 3

- (a) Definire una struttura dati concreta per la gestione di insiemi disgiunti, che supporti le operazioni di `find`, `makeSet` e `union`. Descrivere i tre algoritmi.
- (b) Discutere le euristiche per migliorare le prestazioni della struttura dati di cui al punto precedente.
- (c) Illustrare un algoritmo per il calcolo di minimum spanning tree che sfrutti la struttura dati del punto (a).